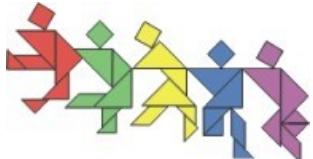




# Taiwan International Mathematics Competition 2012 (TAIMC 2012)

World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



# *Elementary Mathematics International Contest*

# 国际小学数学竞赛

# 队际赛试题

答 题 时 间： 60 分 钟

## 答題指引：

- 请勿翻开此页，直到听到答题指令为止。
  - 请在每一页的对应位置填写队名。
  - 本卷试题依照由易至难的顺序安排，共 10 页，每页一题，每题 40 分。第 2、4、6、8、10 题必须详细写出计算或证明过程，根据答题情况给分，若空白处不够填写，可将答案写在试题纸的背面；第 1、3、5、7、9 题只须填写答案。
  - 四名队员先用 10 分钟讨论前八题，确定每题答题的队员，每位队员至少要解答一题。然后用 35 分钟，各自作答，不可再交换题目或讨论。最后的 15 分钟，四名队员可一起讨论最后两题并合作解题。
  - 不得使用任何电子计算器具。
  - 可使用铅笔、蓝色或黑色圆珠笔做答。
  - 答题结束后，监试人员会将所有纸张收回。

## Simplified Chinese Version

# 简体中文版

以下字段由评审填写，考生请勿做任何记号



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



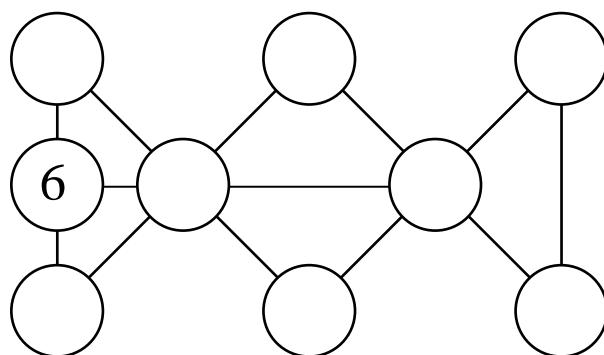
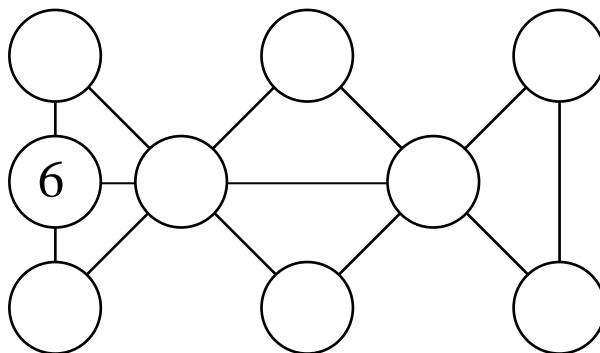
*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

- 下面的九个圆圈中各填有一个不同的正整数，其中八个数已经被擦掉。这九个整数是连续的，且每条直线（图中共有 7 条）上的所有圆圈中的数之和都为 23。右上角的圆圈中的数小于右下角的圆圈中的数。请重新填上空白圆圈中的数。



Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

2. 一块水泥板上面画有一个数字表格，其中一部分如左下图所示。表格的第一列是从 0 开始的连续整数。表格的第一行从第二个数开始，每个数等于前面那个数加 1；第二行从第二个数开始，每个数等于前面那个数加 2；依此类推。水泥板掉到地上摔成碎片，其他碎片已经被清扫掉，只留下两块如右下图所示的碎片（放大显示），每块碎片上都有一个方格上的数涂污了，请问这两个方格中的数之和为多少？

0	1	2	3	4	5	
1	3	5	7	9	11	
2	5	8	11	14	17	
3	7	11	15	19	23	
4	9	14	19	24	29	
5	11	17	23	29	35	

?	2012	2023
---	------	------

2012
2683
?

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

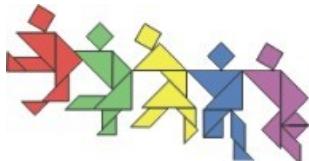
队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

3. 有一列数，每个数是 2012 或者 1，其中第一个数是 2012。第一个 2012 与第二个 2012 之间恰好有一个 1; 第二个 2012 与第三个 2012 之间恰好有两个 1; 第三个 2012 与第四个 2012 之间恰好有三个 1; 依此类推。请问这列数的前 2012 个数之和为多少?

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

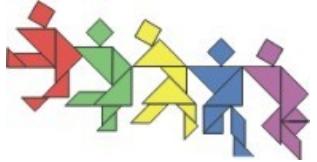
队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

4. 在一次考试中, 小明答错了三分之一的题目, 小亮答错了 7 道题。有五分之一的题目他们俩都答错了。请问他们俩都答对的题目至多有几题?

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

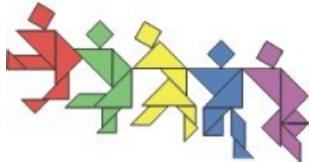
队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

5. 五个互不相同的正整数两两相乘得到 10 个乘积，其中最小的乘积为 28，最大的乘积为 240，且 128 也是其中一个乘积。请问这五个整数之和为多少？

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

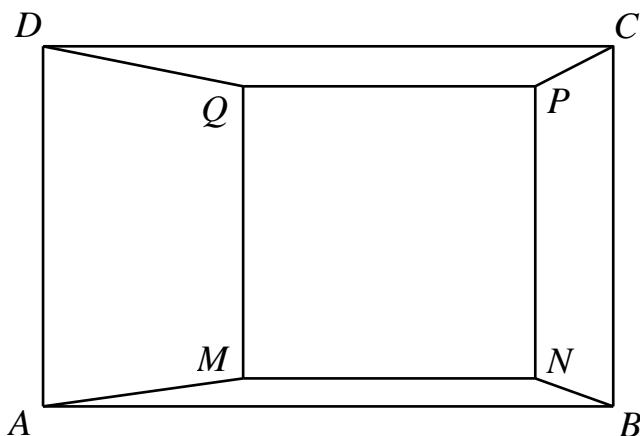
队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

6. 如下图所示，正方形  $MNPQ$  在长方形  $ABCD$  内，且长方形的边与正方形的边平行， $AB - BC = 7\text{ cm}$ 。如果梯形  $ABNM$  与  $CDQP$  的面积之和为  $123\text{ cm}^2$ ，且梯形  $ADQM$  与  $BCPN$  的面积之和为  $312\text{ cm}^2$ 。

请问正方形  $MNPQ$  的面积为多少  $\text{cm}^2$ ?





Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

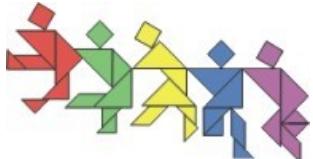
7. 有两家公司的员工数量相同, 后来第一家公司招聘了一些新员工使得它的员工数量是原来的 11 倍。第二家公司辞退了 11 名员工, 经过这个调整后, 第一家公司的员工数量是第二家公司的员工数量的整倍数。

请问第一家公司原本至多有多少员工?

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

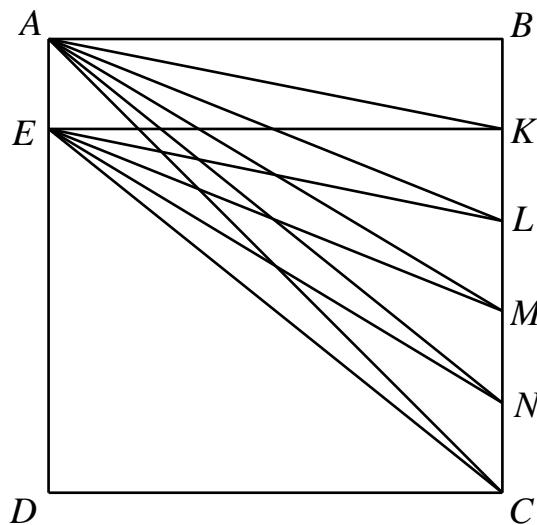
25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

8. 在正方形  $ABCD$  中, 点  $K$ 、 $L$ 、 $M$  和  $N$  在  $BC$  边上且  $BK = KL = LM = MN = NC$ , 点  $E$  在  $AD$  边上且  $AE = BK$ 。请问

$$\angle AKE + \angle ALE + \angle AME + \angle ANE + \angle ACE$$

为多少度?



○

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

9. 如下图所示, 数 1 和 8 已经填入  $3 \times 3$  表格的两个方格中, 把数 2、3、4、5、6、7 和 9 分别填入剩下的七个方格中, 每个数仅填一次且每个方格仅填一个数, 使得每个  $2 \times 2$  表格 (如下图的阴影部分) 中的之和都相等。请求出所有的填法。

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

1		
		8

Answer: \_\_\_\_\_



Taiwan International  
Mathematics Competition 2012  
(TAIMC 2012)  
World Conference on the Mathematically Gifted Students  
---- the Role of Educators and Parents  
Taipei, Taiwan, 23rd~28th July 2012



*Elementary Mathematics International Contest*

队际赛试题

25<sup>th</sup> July 2012 Taipei, Taiwan

队名: \_\_\_\_\_ 得分: \_\_\_\_\_

10. 在每个月的开始，一只成熟的红色蚂蚁生出 3 只黑色幼蚁，一只成熟的黑色蚂蚁吃掉 1 只黑色幼蚁并生出 3 只红色幼蚁，然后这只成熟的黑色蚂蚁死掉（已知每个月都会有足够多的黑色幼蚁让成熟黑蚁吃掉）。过了一个月，幼蚁都成了成熟的蚂蚁，如此不断持续下去。如果今年的圣诞节有 9000000 只红色蚂蚁和 1000000 只黑色蚂蚁，请问去年圣诞节时红色蚂蚁与黑色蚂蚁的数量之差是多少？

Answer: \_\_\_\_\_